

HPF (High Performance Fortran) 講習会 入門編その1

岩下 英俊

富士通(株)

次世代テクニカルコンピューティング開発本部

2007年7月26日

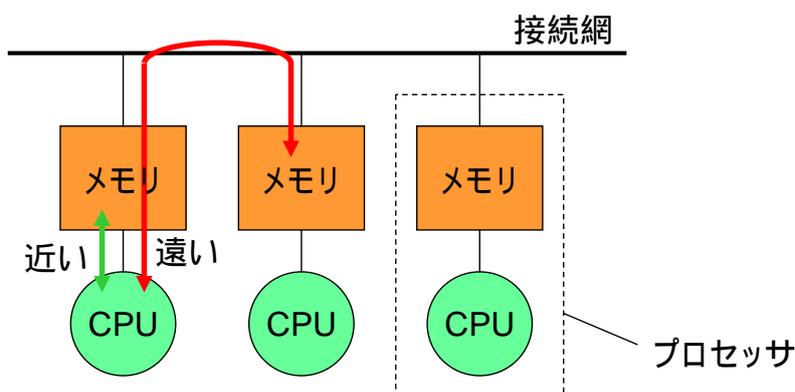


その1の内容



- HPF言語の考え方(3.1)
 - 想定するハードウェア
 - プログラムの並列化とは
- 最初の例:データ分散とループの並列化(3.2)
 - 指示文の書式
 - データの分散(DISTRIBUTE指示文)
 - プロセッサの宣言(PROCESSORS指示文)
 - ループの並列化(INDEPENDENT指示文)
 - ループ処理の分担(ON指示文)
 - 自動か、書くか
- スカラ変数の使い方(4.1)
 - 重複割付け
 - NEW変数
- 集計計算(4.2)
 - 集計計算(REDUCTION節)
 - 演算種別の指定
 - 最大(小)値の位置

- 「分散メモリ型計算機」
 - 自プロセッサのメモリアクセスは、通常のload/store。
 - 他プロセッサのメモリアクセスは、通信が伴う。
 - 数百～数千倍遅い



- 並列化率 と、オーバヘッド
 - 計算の並列化
 - ループの並列化
 - タスク並列、手順間並列、...
 - 通信コストを削減
 - データの分割配置
 - 通信不要の判断
 - データの一時的移動・変形
 - 通信量・通信回数の削減
 - 通信パターンの最適化

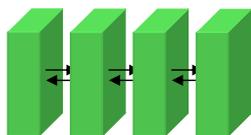
■ グローバルモデル

■ HPFのスタイル

全体の実行をプログラム。



コンパイラが**自動**でN個に分割。

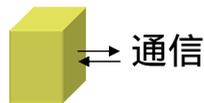


割り算の並列化

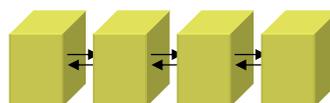
■ SPMDモデル

■ MPIのスタイル

各プロセッサの実行をプログラム。



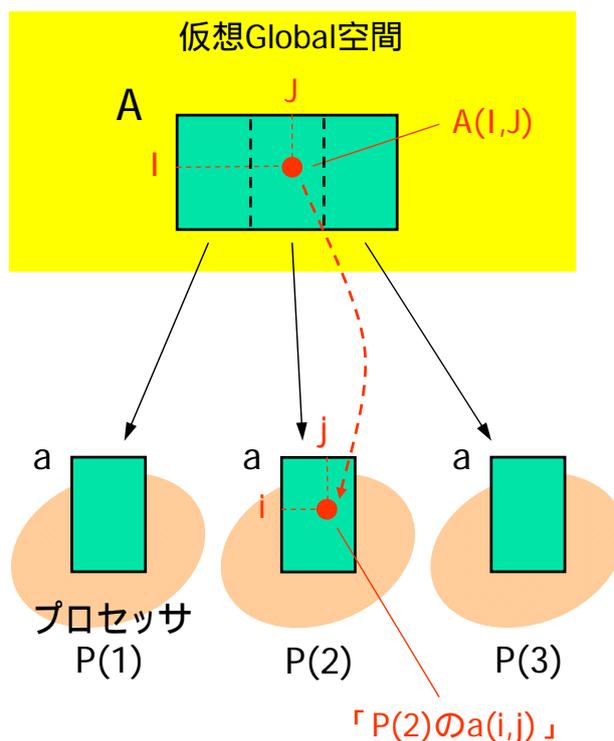
N個同時に実行する。



掛け算の並列化

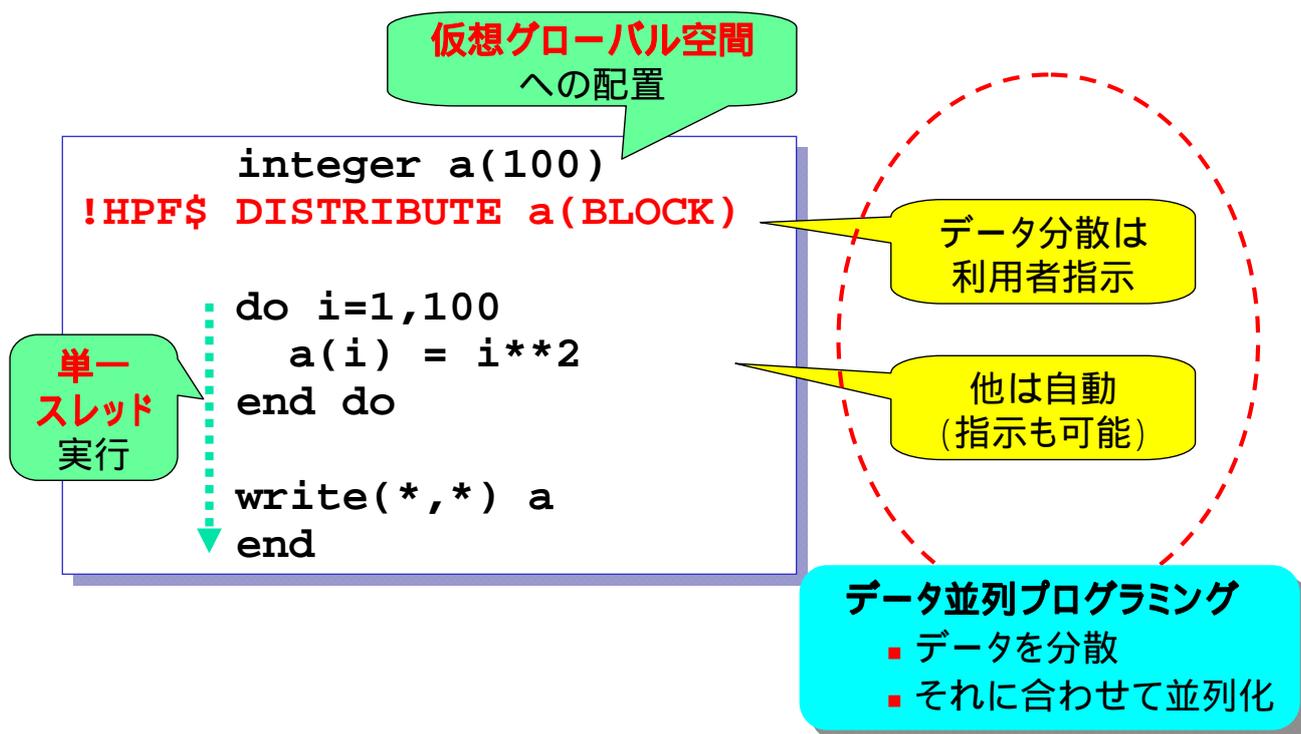
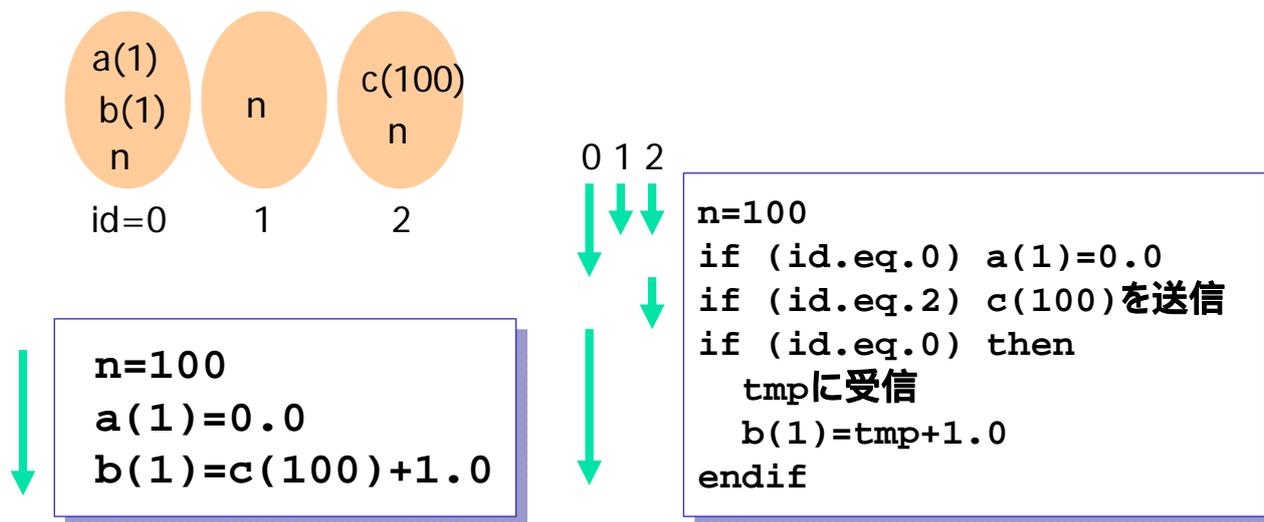
■ グローバル空間

- 分散メモリが、一つの巨大なメモリに見える。
- 利用者は、配列の属性として分散を指示。



■ 単一スレッド

- プロセッサ番号で場合分けすることなく、一筋の実行列を記述する。

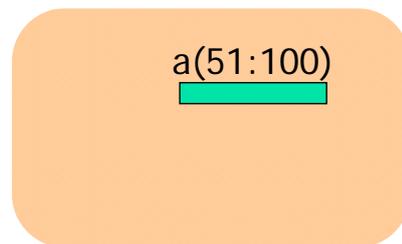


プロセッサ

P(1)

P(2)

メモリ割付け
イメージ



実行
イメージ

```
do i=1,50
  a(i) = i**2
end do

tmp(1:50)=a(1:50)
tmp(51:100) ←
write(*,*) tmp
end
```

```
do i=51,100
  a(i) = i**2
end do

a(51:100)
end
```

通信

- 並列プログラムの開発手順(ざっくり)
 - (1) 逐次(Fortran)プログラムで実行確認
 - 最初は逐次で動作する問題規模で。
 - (2) HPF指示文を加え、翻訳・実行確認
 - 逐次実行と同じ結果ならOK。
 - (3) 性能が不十分なら、(2)を繰り返す。
 - 自動でうまくいかなかった部分に指示を追加。



- HPF言語の考え方 (3.1)
 - 想定するハードウェア
 - プログラムの並列化とは
- 最初の例: データ分散とループの並列化 (3.2)
 - 指示文の書式
 - データの分散 (DISTRIBUTE指示文)
 - プロセッサの宣言 (PROCESSORS指示文)
 - ループの並列化 (INDEPENDENT指示文)
 - ループ処理の分担 (ON指示文)
 - 自動か、書くか
- スカラ変数の使い方 (4.1)
 - 重複割付け
 - NEW変数
- 集計計算 (4.2)
 - 集計計算 (REDUCTION節)
 - 演算種別の指定
 - 最大(小)値の位置

- 接頭辞 + 指示文名 [+ ...]
 - !HPF\$ DISTRIBUTE a(BLOCK)**
 - Fortranコンパイラでは、コメント行と見なされる
- 継続行のルール
 - 自由形式 (free source form)
 - !HPF\$ DISTRIBUTE &**
 - !HPF\$ a(BLOCK)**
 - `&`で終わると、次の行に継続
 - 固定形式 (fixed source form)
 - !HPF\$ DISTRIBUTE**
 - !HPF\$* a(BLOCK)**
 - `!HPF\$`の直後(6桁目)に文字があると、前の行から継続

```

1      integer a(100)
2      !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
3
4      do i=1,100
5          a(i) = i**2
6      end do
7
8      write(*,*) a
9      end
    
```

DISTRIBUTE指示文:
配列データをプロセッサ
に分散する方法を指示。

- 分散種別: block
- プロセッサ数: 無指定

データ分散の宣言(プロセッサ数可変のとき)

!HPF\$ DISTRIBUTE a(<分散形式>, ...)

または

!HPF\$ DISTRIBUTE (<分散形式>, ...) :: a, b, ...

a や *b* は配列変数.

<分散形式> は, 分散次元は **BLOCK CYCLIC** など
分散しない次元は *

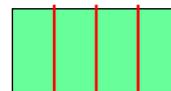
【例】

```

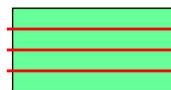
      real a(100,200),b(100,200)
!HPF$ DISTRIBUTE a(*,BLOCK)
!HPF$ DISTRIBUTE b(BLOCK,*)
      integer,dimension(10,50,5) :: a,b
!HPF$ DISTRIBUTE (*,CYCLIC,*) :: a,b
    
```

4プロセッサ使用のとき

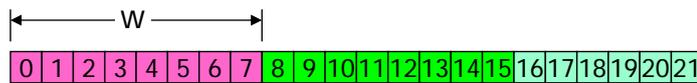
a(100,200)



b(100,200)



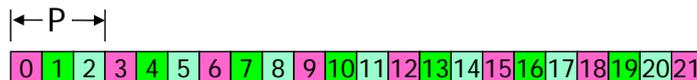
- DISTRIBUTE a(BLOCK)



$w = \text{ceil}(N / P)$
 N: 配列のサイズ
 P: プロセッサ数

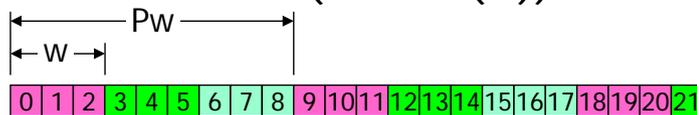
- 近傍要素の参照が多い場合(差分法など)

- DISTRIBUTE a(CYCLIC)



- 計算負荷にばらつきがあっても、ほぼ均等に配分

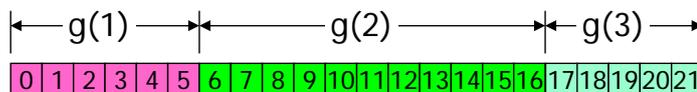
- DISTRIBUTE a(CYCLIC(w)) : block-cyclic分散



w: 指定ブロック幅

- 上二者の性質がある場合の中間的な手段

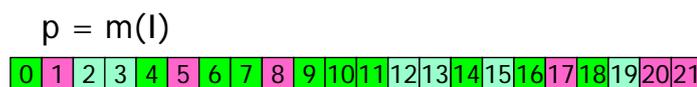
- !hpf\$ distribute a(GEN_BLOCK(g)) : 不均等block



g: マッピング配列
 g(k): 第kプロセッサが
 担当する大きさ

- 負荷の偏りが事前に分かっている場合(三角行列など)
- ヘテロ環境に跨るデータ分散

- !hpf\$ distriubte a(INDIRECT(m)) : 不規則分散



$p = m(l)$

m: マッピング配列
 p: プロセッサ番号

- データとプロセッサの対応が不規則な場合(浮遊粒子など)
- 長方形・直方体にマップできない領域(四面体、複雑な構造など)

```
integer a(100)
!HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)

do i=1,100
  a(i) = i**2
end do

write(*,*) a
end
```

分散種別: block
プロセッサ数: 無指定

- プロセッサ数可変
 - 実行開始時に指定
- 実行開始時にサイズ確定

```
integer a(100)
!HPF$ PROCESSORS p(2)
!HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK) ONTO p

do i=1,100
  a(i) = i**2
end do

write(*,*) a
end
```

分散種別: block
プロセッサ数: 2

- プロセッサ数固定
 - プロセッサ数変更時は、再翻訳が必要
- コンパイル時にサイズ確定

プロセッサの名前と形状の宣言

```
!HPF$ PROCESSORS p( $n_1, \dots, n_N$ ), ...
```

p はプロセッサ配列名.

$n_1 \times \dots \times n_N$ はプロセッサ数で, N は分散次元の数.

データ分散の宣言(プロセッサを指定するとき)

```
!HPF$ DISTRIBUTE a(<分散形式>, ...) ONTO p
```

または

```
!HPF$ DISTRIBUTE (<分散形式>, ...) ONTO p :: a, b, ...
```

【例】

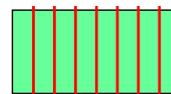
```
!HPF$ PROCESSORS proc(8), p2(2,4)
```

```
real e(100,200), f(100,200)
```

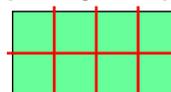
```
!HPF$ DISTRIBUTE e(*,BLOCK) ONTO proc
```

```
!HPF$ DISTRIBUTE f(BLOCK,BLOCK) ONTO p2
```

e(100,200)



f(100,200)



2プロセッサの場合

a(1:50)


a(51:100)


```

1  integer a(100)
2  !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
3
4  do i=1,100
5      a(i) = i**2
6  end do
7
8  write(*,*) a
9  end
    
```

ループ並列性: 無指定
処理分担: 無指定

- 並列化可能の判定
- 処理分担の決定

- 自動に任せる場合
 - コンパイラがデータ依存解析して決める。
 - 並列化可能でも並列化されないことがある。
 - コンパイラ的能力不足の場合
 - コンパイラでは論理的に解析できない場合
- 並列性を指示する場合
 - INDEPENDENT指示文
 - 並列化可能であることをコンパイラに教える。
 - 正しい記述は利用者の責任
 - 並列化できないループに指定すると、動作保証できない。

ループの並列性の指示 ... 並列化するDOループの直前に

!HPF\$ INDEPENDENT [, <節>] ...

<節> はNEW節またはREDUCTION節(後述) .

```

1      integer a(100)
2      !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
3
4      !HPF$ INDEPENDENT
5      do i=1,100
6          a(i) = i**2
7      end do
8
9      write(*,*) a
10     end
    
```

並列化可能であることの宣言

- 順序通りに実行しないと結果が変わるループは、並列化不可

→ (c)は並列化できない。

```
do i=1,50
  a(i)=a(i-1)+a(i)
enddo
```

i = 50のとき
a(50) へ書く

```
do i=51,100
  a(i)=a(i-1)+a(i)
enddo
```

i = 51のとき
a(50) を読む

順序依存あり
先 ← → 後

```
do i=...
  a(i)=a(i)+1.0
  b(i)=a(i)
enddo
```

(a)

```
do i=...
  b(i)=a(i-1)+a(i)
enddo
```

(b)

× do i=...
a(i)=a(i-1)+a(i)
enddo

(c)

```
do i=...
  c(i,1)=c(i-1,2)
enddo
```

(d)

■ コンパイラでは並列化できないケース

- (h)は、複数の繰り返して同じ要素を定義するかもしれない。
- (i)は、サブルーチン内でaの同じ要素をアクセスするかもしれない。

→利用者の責任で
INDEPENDENT指示可能

```
do i=...
  a(ix(i))=...
enddo
```

(h) 間接参照

```
do i=...
  call subx(a,i)
enddo
```

(i) 手続呼出し

■ 飛び出しのあるループは並列化不可

- ループ内から外への分岐
 - ループ内での分岐は可
- STOP文、EXIT文

■ 多重ループ

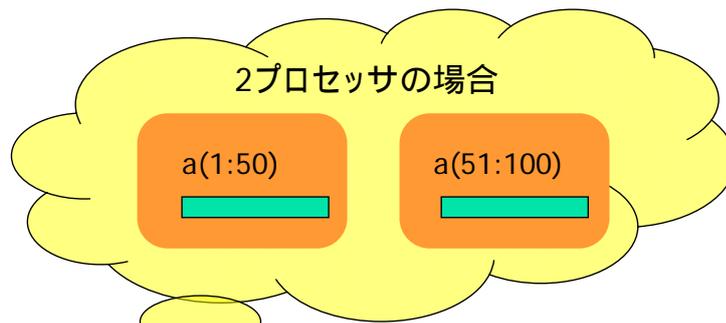
- ループ毎に、並列化可否を判断

```
do i=...
  if(...) goto 99
enddo
99 ...
```

(k)

```
do k=...
  do j=...
    do i=...
      ... =d(i, j+1, k)
      d(i, j, k) = ...
    enddo
  enddo
enddo
```

(j)



```

1  integer a(100)
2  !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
3
4  do i=1,100
5      a(i) = i**2
6  end do
7
8  write(*,*) a
9  end
    
```

ループ並列性: 無指定
処理分担: 無指定

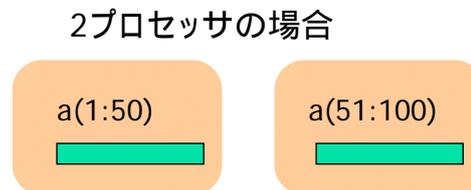
- 並列化可能の判定
- 処理分担の決定

- 並列化可能なループについて、各繰り返しをどのプロセッサに担当させるか？
- 目的は、性能
 - 均等な負荷分散 & 通信コストの削減
 - 最適解は自明ではない。

【例】

```

real a(100)
!HPF$ DISTRIBUTE a(block)
do i=1,80
    a(i)=i**2
enddo
    
```



X 負荷均等優先の実装

```

do i=1,40
    a(i)=i**2
enddo
do i=41,80
    a(i)=i**2
enddo
a(41:50) ← a(41:50)
    
```

通信

O 通信量削減優先の実装

```

do i=1,50
    a(i)=i**2
enddo
do i=51,80
    a(i)=i**2
enddo
    
```

データの所有者が、計算する。

- 自動に任せる場合
 - “Owner Computes” Rule が基本
 - 代入文左辺のデータの持ち主が計算する。
- 処理分担を記述する場合
 - ON指示文
 - 配列要素を指定することで、処理分担を指示する。
 - “Owner Computes” Rule以外も指示できる。

ループ処理の分担の指示 … DO文の直後(構文内)に

- 単純指示文(ループ本体が1実行文か1構文だけのとき)

```
!HPF$ ON HOME(<ホーム変数>)
```

- 指示構文 … ループ本体の全体を囲うように

```
!HPF$ ON HOME(<ホーム変数>) BEGIN
```

```
    <DOループ本体>
```

```
!HPF$ END ON
```

```
!HPF$ INDEPENDENT
do i=1,100
!HPF$ ON HOME(a(i)) BEGIN
    a(i) = i**2
!HPF$ END ON
end do
```

ホーム変数 $a(i)$ を持つプロセッサが、その繰り返しを担当



$a(i)$ のアクセスでは通信は起こらない。

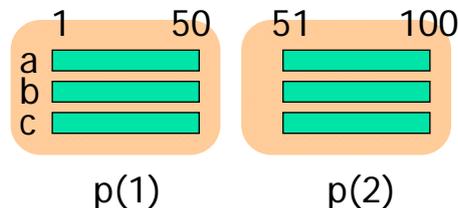
- 最善の方法は自明ではない。
- データ配置を微調整する、という選択肢も。(→応用編)

【例】

```

DIMENSION (100) :: a,b,c
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK) :: a,b,c

!HPF$ INDEPENDENT
do i=1,99
  a(i)=b(i+1)+c(i+1)
end do
  
```



ON HOME(a(i)) とすると

- do i=1,50
- do i=51,99
- a(i) の更新は通信なし
- p(1) が b(51), c(51) を参照 →通信

ON HOME(b(i+1)) とすると

- do i=1,49
- do i=50,99
- b(i+1), c(i+1) の参照は通信なし
- p(2) が a(50) を更新 →通信

- 基本的な書き方3種

データの分散 DISTRIBUTE	ループ並列化 INDEPENDENT	ループ処理分担 ON HOME
書く	書かない	書かない
書く	書く	書かない
書く	書く	書く

- 必要度に合わせて
 - 自動でやってみて、だめなら書く
 - 性能的にシビアな部分は、最初から全部書く

- HPF言語の考え方 (3.1)
 - 想定するハードウェア
 - プログラムの並列化とは
- 最初の例: データ分散とループの並列化 (3.2)
 - 指示文の書式
 - データの分散 (DISTRIBUTE指示文)
 - プロセッサの宣言 (PROCESSORS指示文)
 - ループの並列化 (INDEPENDENT指示文)
 - ループ処理の分担 (ON指示文)
 - 自動か、書くか
- 
 - スカラ変数の使い方 (4.1)
 - 重複割付け
 - NEW変数
 - 集計計算 (4.2)
 - 集計計算 (REDUCTION節)
 - 演算種別の指定
 - 最大(小)値の位置

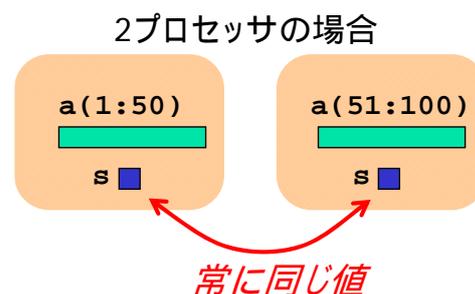
- 分散と重複
 - 配列は(原則として)分散割付け
 - スカラは重複割付け
 - 値の一意性は、システムが保証

【例】

```

real a(100),s
!HPF$ DISTRIBUTE a(block)
...

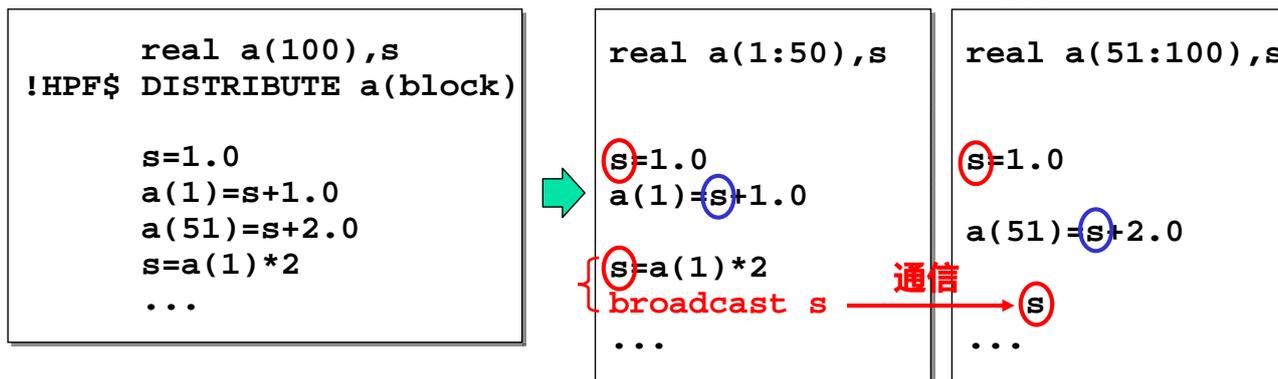
```



- 並列実行の外では、値の一意性を自動保証
 - **読み出し**は、常に自プロセッサから
 - **書き込み**は
 - 全プロセッサが、それぞれ行う(冗長計算)。または、
 - 1プロセッサで書き込んだ値を、全プロセッサに放送

【例】

2プロセッサの場合



- 並列実行中は、一時的なばらつきが起こる
 - 読むだけの変数なら、問題なし
 - 書き込みのある変数は、用途毎に分類
 - 自動並列では、自動的に識別

```
do i=...
  tmp=a(i-1)+a(i)
  b(i)=tmp
enddo
```

(e) ループ内局所変数
ループを繰り返さないで役目を終える変数。
通常これがほとんど。

NEW変数

```
do i=...
  if(...) ifound=i
enddo
```

(f) 選択的代入
ループ内で1度だけ代入される変数。
(複数回代入なら、並列化可能条件に反する。)

```
do i=...
  asum=asum+a(i)
  if(a(i)>ax) ax=a(i)
enddo
```

(g) 集計計算
プロセッサを跨ぐ総和、最大値など、特別なパターン。

集計変数

NEW変数を含むループの並列化

!HPF\$ INDEPENDENT [, <節>] ...

<節> はNEW節またはREDUCTION節

NEW節は **NEW**(v_1, v_2, \dots)

v_1 や v_2 はNEW変数. 変数名で指定.

```
!HPF$ INDEPENDENT,NEW(k,tmp,j)
do i=m,n
  k=i+1
  do j=k,n
    tmp=a(i-1,j)+a(i,j)
    b(k)=b(k)+tmp
  enddo
enddo
```

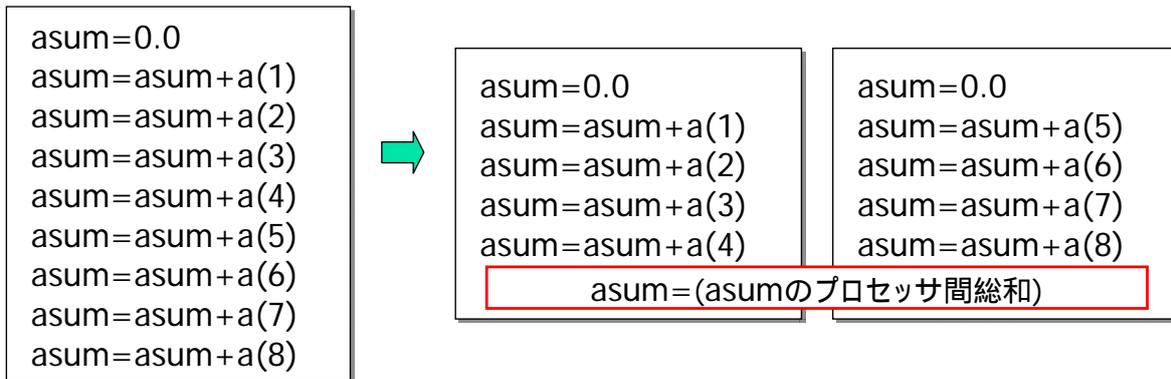
多くのコンパイラでは、
無指定のスカラー変数を
NEW変数と判断する
最適化を行う。

- HPF言語の考え方 (3.1)
 - 想定するハードウェア
 - プログラムの並列化とは
- 最初の例: データ分散とループの並列化 (3.2)
 - 指示文の書式
 - データの分散 (DISTRIBUTE指示文)
 - プロセッサの宣言 (PROCESSORS指示文)
 - ループの並列化 (INDEPENDENT指示文)
 - ループ処理の分担 (ON指示文)
 - 自動か、書くか
- スカラー変数の使い方 (4.1)
 - 重複割付け
 - NEW変数
- 集計計算 (4.2)
 - 集計計算 (REDUCTION節)
 - 演算種別の指定
 - 最大(小)値の位置



■ 並列化可能条件を少し緩和

- 特定の演算に限って、実行順序の変更を許す。
 - 交換則と結合則が成り立つ演算
- 従来並列化できなかったループが、並列化できる。



- 浮動小数点演算では、**誤差の範囲**で逐次と結果が違う。

■ 分散配列の総和を返す関数

- input: a(n), n, a0
- output: a0+ {a(i) | i=1,...,n}

```

1      real function asum(a,n,a0)
2      real a(n),a0
3      !HPF$ DISTRIBUTE a(CYCLIC)
4
5      asum=a0
6      !HPF$ INDEPENDENT,REDUCTION(asum)
7      do i=1,n
8          asum=asum+a(i)
9      end do
10     return
11     end
  
```

INDEPENDENT指示を書いたらREDUCTION節は必須

集計文
このパターンから加算のreductionであることを自動判定

集計(リダクション)計算

!HPF\$ INDEPENDENT [, <節>] ...

<節> は、NEW節またはREDUCTION節

REDUCTION節は

REDUCTION([<種別1>:] r_1, r_2, \dots)

REDUCTION(<種別2>: $r_1/i_{11}, i_{12}, \dots/i, \dots$)

<種別1> は + * .AND. .OR. .EQV. .NEQV.
MAX MIN IAND IOR または IEOR

<種別2> は FIRSTMAX FIRSTMIN LASTMAX
または LASTMIN

r_1 や r_2 は集計変数(変数名)

i_{11} や i_{12} は位置変数(スカラ変数名)

3つの書式

- 種別指定なし
- 種別1を指定
- 種別2を指定

■ 書式1: 演算種別指定なし(HPF2.0仕様)

REDUCTION(asum, amax)

- 集計変数は、集計文だけに表れてよい。
- 集計文の形式は以下に限定
(rは集計変数、expはrを含まない式)
 - $r = r \text{ op } \text{exp}$ または $r = \text{exp op } r$
op は + * .AND. .OR. .EQV. .NEQV. のいずれか
 - $r = f(r, \text{exp})$ または $r = f(\text{exp}, r)$
f は MAX MIN IAND IOR IEOR のいずれか
【例】 `amax = MAX(amax, a(i))`
- 制限違反はエラー検出される。
 - 集計文以外での集計変数の参照
 - 集計文の形式の違反

分散配列 a から、以下の値を得る。

- aamax a の配列要素の絶対値の最大値

```
1      parameter(m=100)
2      real a(m)
3 !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
4
5      aamax = -1.0
6 !HPF$ INDEPENDENT, REDUCTION(aamax)
7      do i=1,m
8          aamax = max( aamax, abs(a(i)) )
9      end do
```

- 書式2:種別1の指定(HPF/JA拡張仕様)

REDUCTION(+:asum, MAX:amax)

- 集合演算の演算子・関数名を明示
 - + * .AND. .OR. .EQV. .NEQV. MAX MIN IAND IOR IEOR のいずれか
 - OpenMPと同じ書式
- 書式1の機能を包含し、制限を緩和
 - 集計変数の出現場所は自由。呼出し手続で更新してもよい。
 - 意味的に、集計計算でなければならない。
 - 利用者責任。コンパイラはエラー検出しない(できない)。
- 書式1と2の使い分け
 - 書式1の方が安全。エラー検出される。
 - 書式1で表現できなければ、注意して書式2を使う。

分散配列 a から、以下の値を得る。

- aamax a の配列要素の絶対値の最大値

```
1      parameter(m=100)
2      real a(m)
3 !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
4
5      aamax = -1.0
6 !HPF$ INDEPENDENT, REDUCTION(MAX:aamax)
7      do i=1,m
8          if ( aamax < abs(a(i)) ) then
9              aamax = abs(a(i))
10         end if
11     end do
```

- 書式3 : 種別2の指定 (HPF/JA拡張仕様)

REDUCTION(FIRSTMAX:amax/i,j/)

- MAX, MINの機能拡張
 - FIRSTMAX, FIRSTMIN, LASTMAX, LASTMIN のいずれか
- 最大(小)値を探すループ実行で、最大(小)値が得られた位置や、その位置での他の情報を、最大(小)値と同時に得る。
 - 【例】分散配列 a(M,N) の要素の最大値 と、最大値を取る添え字 (i,j) を得る。
- ループ実行の順序で、最初に見つかる最大(小)値と、最後に見つかる最大(小)値を区別。
 - FIRST- と LAST-
 - 逐次実行時の意味に合うように、利用者が選択

分散配列 a から、以下の値を得る。

- aamax a の配列要素の絶対値の最大値
- i1 aamax を持つ最初の配列要素のindex
- a1 a(i1) の値。すなわち、aamax = abs(a1)

```

1      parameter(m=100)
2      real a(m)
3  !HPF$ DISTRIBUTE a(BLOCK)
4
5      aamax = -1.0
6  !HPF$ INDEPENDENT, REDUCTION(FIRSTMAX:aamax/i1,a1/)
7      do i=1,m
8          if ( aamax < abs(a(i)) ) then
9              i1 = i
10             a1 = a(i1)
11             aamax = abs(a1)
12         end if
13     end do

```

-1.0, "<=" なら、LASTMAX
huge(a), ">" なら、FIRSTMIN
huge(a), ">=" なら、LASTMIN

- HPF言語の考え方(3.1)
 - 想定するハードウェア
 - プログラムの並列化とは
- 最初の例:データ分散とループの並列化(3.2)
 - 指示文の書式
 - データの分散(DISTRIBUTE指示文)
 - プロセッサの宣言(PROCESSORS指示文)
 - ループの並列化(INDEPENDENT指示文)
 - ループ処理の分担(ON指示文)
 - 自動か、書くか
- スカラ変数の使い方(4.1)
 - 重複割付け
 - NEW変数
- 集計計算(4.2)
 - 集計計算(REDUCTION節)
 - 演算種別の指定
 - 最大(小)値の位置

HPF (High Performance Fortran) 講習会 入門編その2

岩下 英俊

富士通(株)

次世代テクニカルコンピューティング開発本部

2007年7月27日



その2の内容



- 多次元配列と重複割付け(4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類(5.1)
- グローバル手続の呼出し(5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し(5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項(5.4)
- HPFによる並列化の方法(5.5)

■ 基本的な書き方3種(復習)

DISTRIBUTE (+PROCESSORS)	INDEPENDENT (+REDUCTION)	ON HOME
書く	書かない	書かない
書く	書く	書かない
書く	書く	書く

データマッピング

計算マッピング

■ 次に、通信の削減・改善

- 基本は自動生成、自動最適化
 - 翻訳時メッセージなどで確認
- 性能改善には
 - ON HOME指示の追加、改善
 - データ分散の改善
 - 通信方法の指示、通信不要の指示 → 応用編で

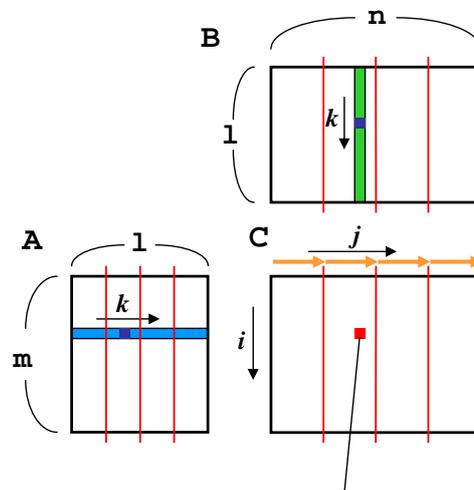
- 行列積 $C = A \times B$ を計算するサブルーチン
 - Input: $[m, l]$ 行列 A, $[l, n]$ 行列 B; サイズ m, n, l
 - Output: $[m, n]$ 行列 C
 - A, B, C とも2次元目でblock分散

```

1  subroutine mmul(A,B,C,m,n,l)
2  real A(m,l),B(l,n),C(m,n)
3  !HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: A,B,C
4
5  C=0.0
6  do j=1,n
7      do i=1,m
8          do k=1,l
9              C(i,j)=C(i,j)+A(i,k)*B(k,j)
10             end do
11         end do
12     end do
13     return
14     end
    
```

j で自動並列化

4並列の場合



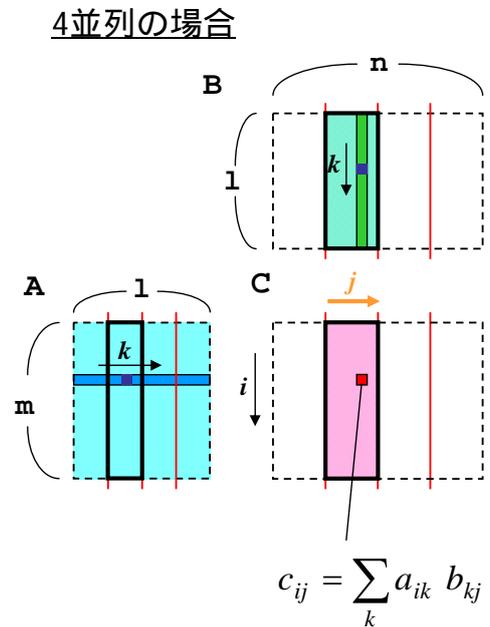
$$c_{ij} = \sum_k a_{ik} b_{kj}$$

- 各プロセッサの動作イメージ
 - 並列化した結果、Aの参照で通信が必要
→ コンパイラが自動生成

```

1  subroutine mmul(A,B,C,m,n,l)
2  real A(m, ),B(l, ),C(m, )
3
4
5  C=0.0
6  do j 担当範囲
7      do i=1,m
8          do k=1,l
9              C(i,j)=C(i,j)+A(i,k)*B(k,j)
10             end do
11         end do
12     end do
13     return
14 end
    
```

通信発生
(自動生成)



- 性能改善版
 - Aのコピーを全員が持つ … 重複配列

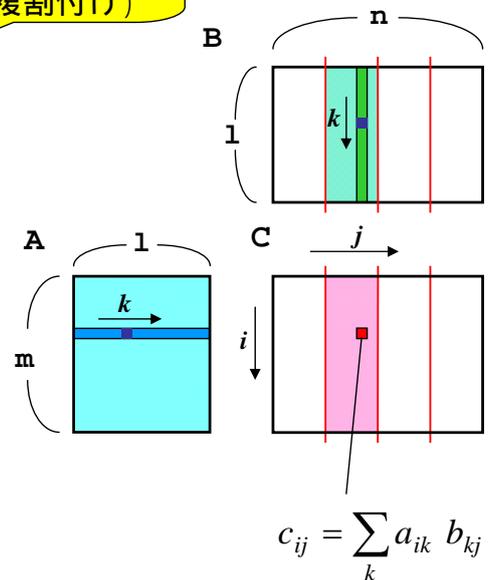
```

1  subroutine mmul(A,B,C,m,n,l)
2  real A(m,l),B(l,n),C(m,n)
3  !HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: B,C
4
5  C=0.0
6  do j=1,n
7      do i=1,m
8          do k=1,l
9              C(i,j)=C(i,j)+A(i,k)*B(k,j)
10             end do
11         end do
12     end do
13     return
14 end
    
```

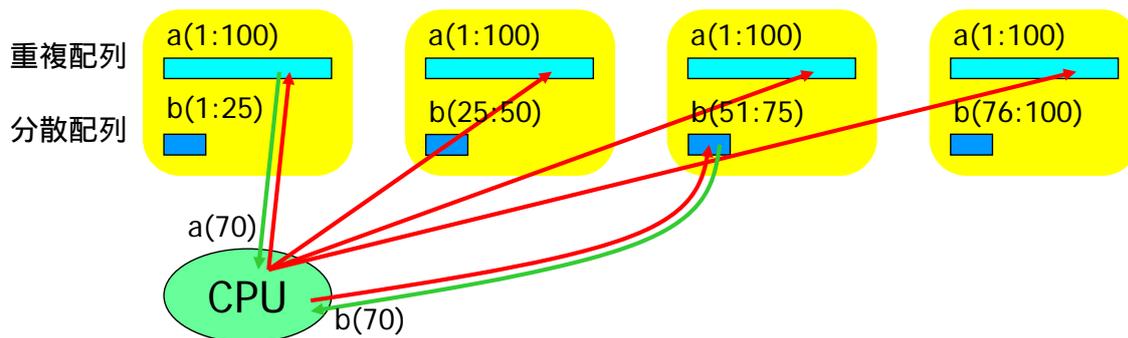
Aは分散指示なし
(重複割付け)

jで自動並列化

どれも通信なし



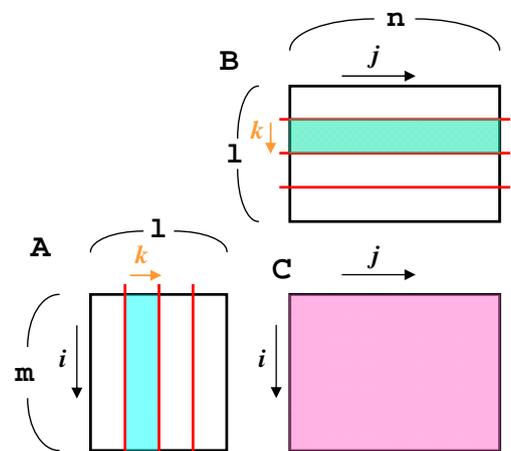
- 分散配列と比較して
 - 参照はいつも通信なしで高速。
 - 更新は遅い。1プロセッサからbroadcast、または全プロセッサの冗長実行(並列性なし)。
 - コンパイラは、常に同じ値を保証。
 - メモリを食う。メモリ消費量に台数効果なし。
- 用途
 - 値の更新が少ない、読むだけのデータ



- C を重複配列にする方法
 - 配列の集計計算

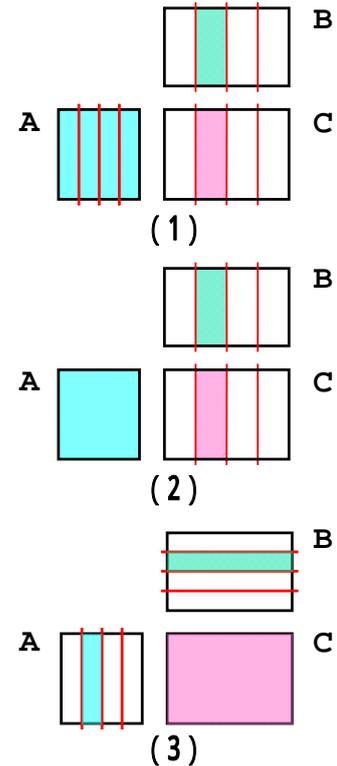
```

1  subroutine mmul(A,B,C,m,n,l)
2  real A(m,l),B(l,n),C(m,n)
3  !HPF$ DISTRIBUTE A(*,BLOCK)
4  !HPF$ DISTRIBUTE B(BLOCK,*)
5
6  C=0.0
7  !HPF$ INDEPENDENT,NEW(j,i),REDUCTION(C)
8  do k=1,l
9  !HPF$ ON HOME(A(:,k))
10 do j=1,n
11 do i=1,m
12 C(i,j)=C(i,j)+A(i,k)*B(k,j)
13 end do
14 end do
15 end do
16 return
17 end
    
```

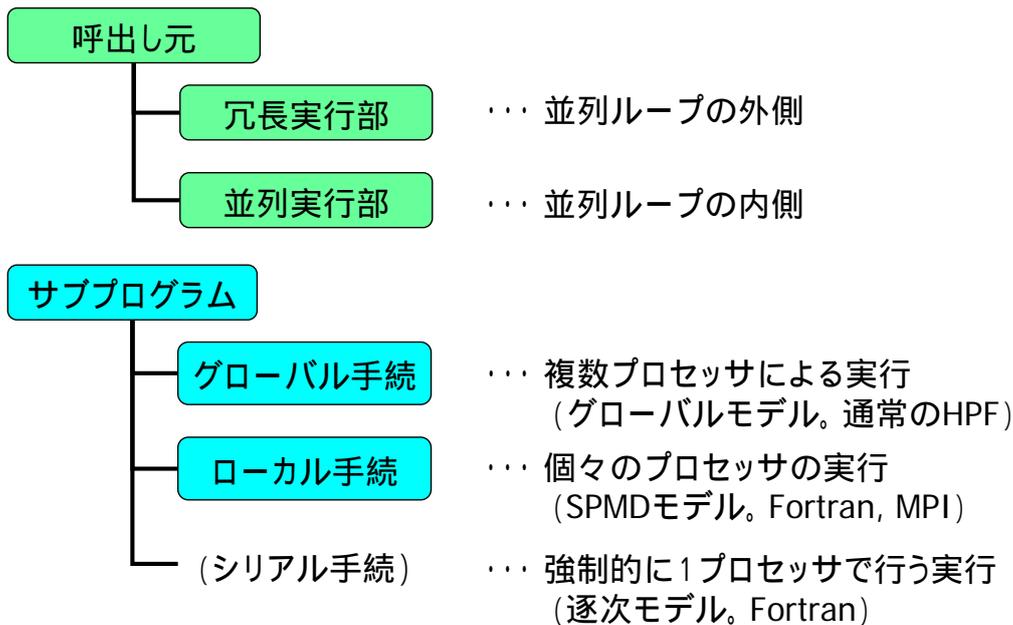
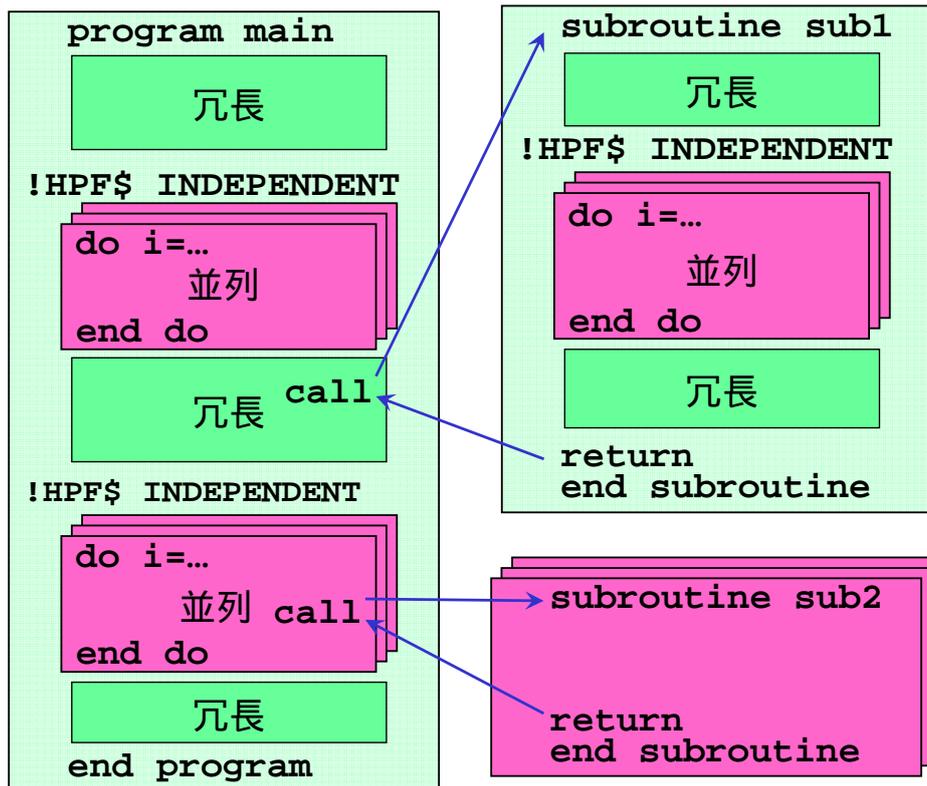


■ データ配置、通信コスト、メモリ効率

- (1) A,B,Cとも2次元目で分散
 - Aの参照で通信が発生
 - 配置のメモリ使用量は最小
 - 実行時に大きな一時領域が必要
- (2) Aは重複、B,Cは2次元目で分散
 - 通信が発生しないので、最も高速
 - Aのメモリ使用量が大きい
- (3) A/Bは2/1次元目で分散、Cは重複
 - Cの全配列集計計算のコスト
 - Cのメモリ使用量が大きい



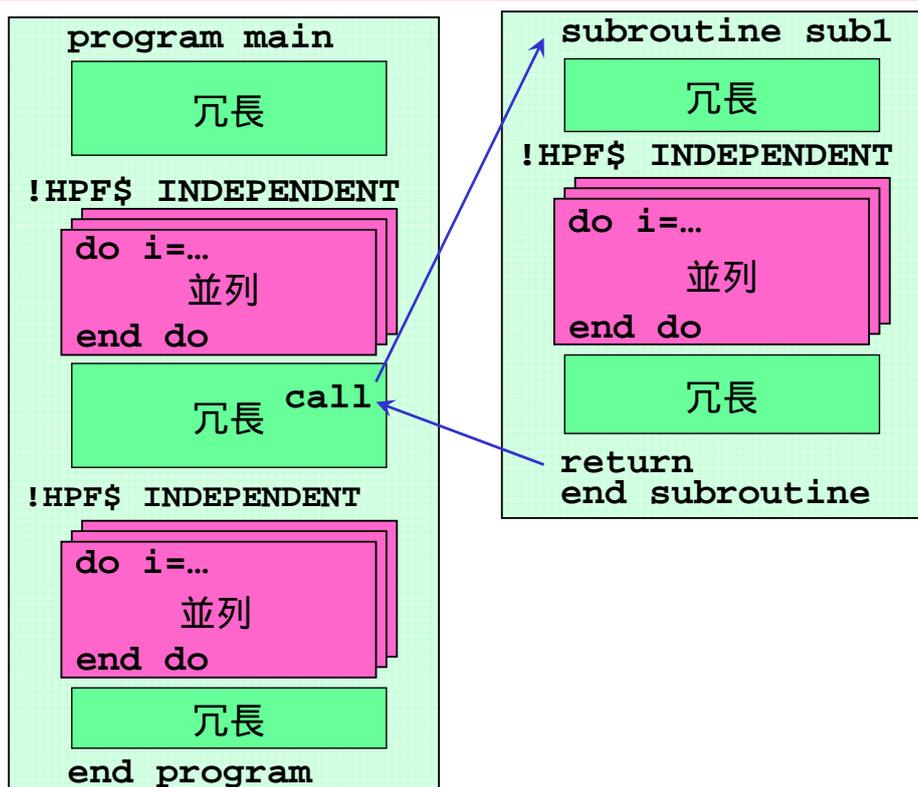
- 多次元配列と重複割付け (4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類 (5.1)
- グローバル手続の呼出し (5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し (5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項 (5.4)
- HPFによる並列化の方法 (5.5)



- 実用的には、2つのパターンで十分
 - 冗長実行部で、グローバル手続(HPF)を呼び出す。
 - 並列実行部で、ローカル手続(Fortran)を呼び出す。



- 多次元配列と重複割付け (4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類 (5.1)
- グローバル手続の呼出し (5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し (5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項 (5.4)
- HPFによる並列化の方法 (5.5)



```

subroutine sub0
  common /aaa/a
  !HPF$ DISTRIBUTE a ...
  !HPF$ DISTRIBUTE b ...

  call sub1(b)

end subroutine
  
```

```

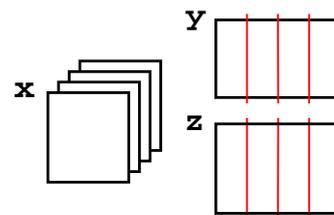
subroutine sub1(y)
  common /aaa/x
  !HPF$ DISTRIBUTE x ...
  !HPF$ DISTRIBUTE y ...

  return
end subroutine
  
```

- COMMON変数
 - 分散は利用者責任で一致。
- モジュール変数
 - 記述は一箇所なので、当然一致。
- 実引数と仮引数
 - 分散は一致していなくてもよい。 → 自動再マッピング

```

real x(n1,m),y(m,n2),z(n1,n2)
!HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: y,z
...
call mmul(x,y,z,n1,n2,m)
...
  
```



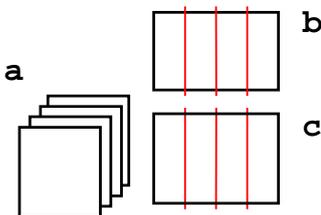
再マッピングなし
(アドレス渡し)

```

subroutine mmul(a,b,c,m,n,l)
real a(m,l),b(l,n),c(m,n)
!HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: b,c

c=0.0
do j=1,n
  do i=1,m
    do k=1,l
      c(i,j)=c(i,j)+a(i,k)*b(k,j)
    end do
  end do
end do
return
end
  
```

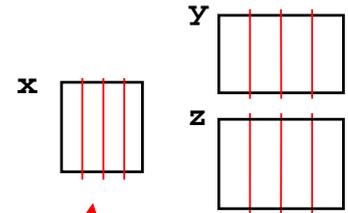
分散の有無、
分散次元・形式
が完全に一致



```

real x(n1,m),y(m,n2),z(n1,n2)
!HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: x,y,z
...
call mmul(x,y,z,n1,n2,m)
...

```



a(m,l) を割付け
x→a のコピー

a→x のコピー
aの開放

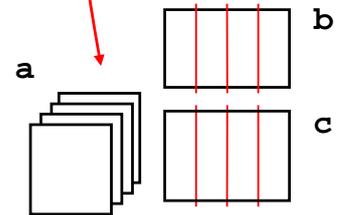
ただし、(文法では)
呼出し側に
サブプログラムの
引数に関する情報
(明示的引用仕様)
が必要

x↔aの分散が
不一致

```

subroutine mmul(a,b,c,m,n,l)
real a(m,l),b(l,n),c(m,n)
!HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: b,c
...

```



- 再マッピングを起こすには、「明示的引用仕様」が必要 (仕様では)

(a) INTERFACE文を使う方法

```

subroutine yyy
  interface
    subroutine xxx
      宣言部
    end subroutine
  end interface
  call xxx
end subroutine

subroutine xxx
  宣言部
  実行部
end subroutine

```

(b) モジュールを使う方法

```

module mmm
  contains
    subroutine xxx
      宣言部
      実行部
    end subroutine
  end module

subroutine yyy
  use mmm

  call xxx
end subroutine

```

(c) 内部手続にする方法

```

subroutine yyy
  call xxx
contains
  subroutine xxx
    宣言部
    実行部
  end subroutine
end subroutine

```

```

real x(n1,m),y(m,n2),z(n1,n2)
!HPF$ DISTRIBUTE (BLOCK,*) :: x,y,z
interface
  subroutine mmul(a,b,c,m,n,l)
  real A(m,l),B(l,n),C(m,n)
!HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: b,c
end interface
...
call mmul(x,y,z,n1,n2,m)
...

```

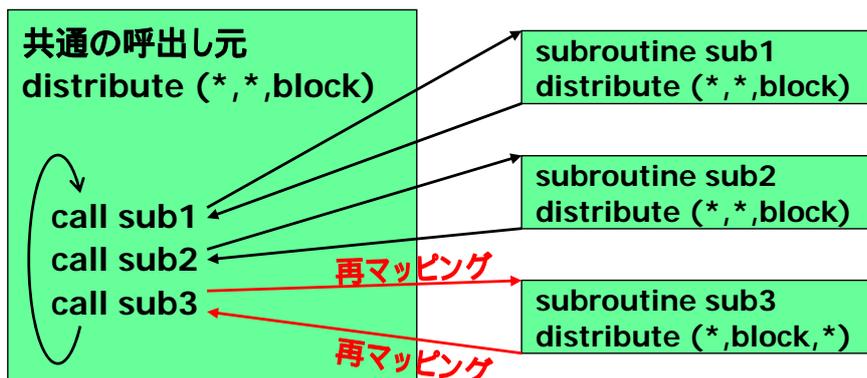
```

subroutine mmul(a,b,c,m,n,l)
real a(m,l),b(l,n),c(m,n)
!HPF$ DISTRIBUTE (*,BLOCK) :: b,c
...

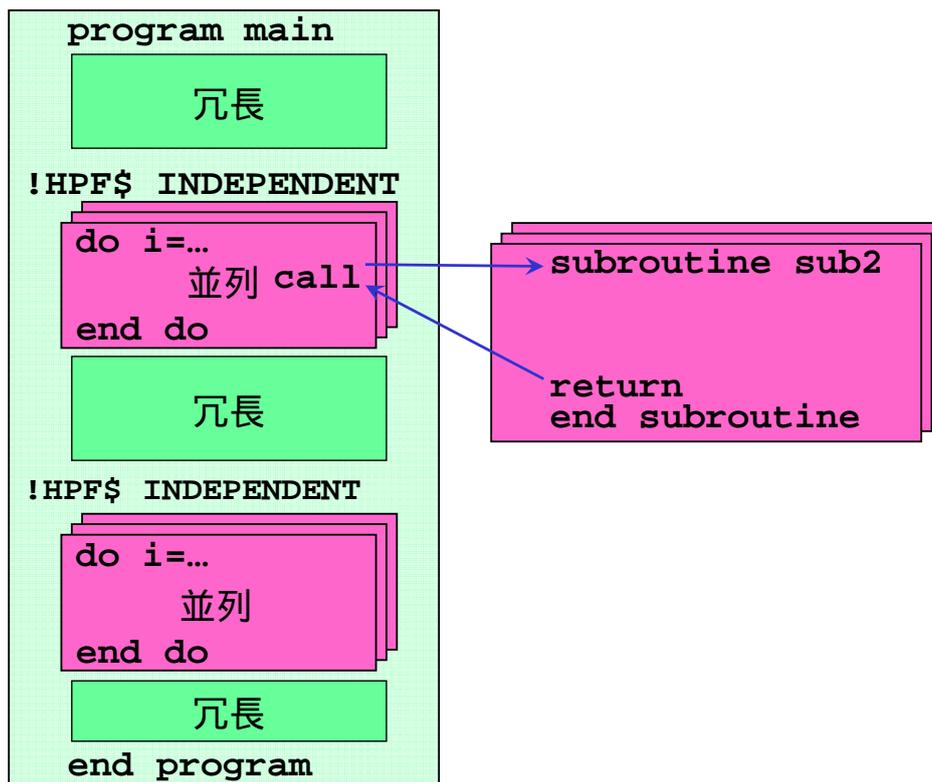
```

宣言部を
そのままコピー

- アプリケーション全体で、通信が少なくなるデータ分散を考える。
 - 再マッピングを避ける
 - コストの高いサブプログラムで分散を決める。
 - 呼出し元や、他のサブプログラムも、同じ分散にする。
 - 再マッピングを積極的に利用
 - 再マッピング回数を減らす工夫を。



- 多次元配列と重複割付け (4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類 (5.1)
- グローバル手続の呼出し (5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し (5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項 (5.4)
- HPFによる並列化の方法 (5.5)



- Fortranコンパイラでコンパイルしてリンク
 - 可能。詳細手順は実装による。
- HPFコンパイラでコンパイルする方法
 - EXTRINSIC接頭辞(指示文ではない)を使用
 - その手続が(HPFでなく)Fortranであることの宣言

言語と言語モデルの宣言(Fortran仕様の拡張)

EXTRINSIC(<言語>, <モデル>) SUBROUTINE ...

EXTRINSIC(<言語>, <モデル>) FUNCTION ...

EXTRINSIC(<言語>, <モデル>) MODULE ...

<言語> は 'HPF' または 'FORTRAN'

<モデル> は 'GLOBAL' 'LOCAL' または 'SERIAL'

デフォルトは ('HPF', 'GLOBAL')

許される組合せは処理系による。

手続本体と明示的引用仕様に必要。

```
real a(2,n), c(n)
!HPF$ DISTRIBUTE a(*,BLOCK)
!HPF$ DISTRIBUTE c(BLOCK)

interface
  EXTRINSIC('Fortran','LOCAL') subroutine foolocal(x,r)
  real x(2),r
  end subroutine
end interface

!HPF$ INDEPENDENT
do i=1,n
  call foolocal(a(:,i),c(i))
enddo
```

```
EXTRINSIC('Fortran','LOCAL') subroutine foolocal(x,r)
real x(2),r
r = sqrt(x(1)**2 + x(2)**2)
return
end subroutine
```

- 多次元配列と重複割付け (4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類 (5.1)
- グローバル手続の呼出し (5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し (5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項 (5.4)
- HPFによる並列化の方法 (5.5)



- 分散配列に関して、Fortran仕様の一部が制限される。
 - 理由: メモリの連続性 (記憶列結合、順序結合) が保証できない
 - 例えば、 $a(1)$ の次のアドレスに $a(2)$ があるとは限らない。次のプロセッサかもしれない。
- 主な制限事項
 - EQUIVALENCE文中の指定は不可。
 - COMMON文で指定するとき、形状 (次元数と大きさ) と分散がすべて一致すること。
 - 実引数と仮引数は、形状が一致すること。
 - 分散不一致は再マッピング条件を満たせば可。
 - 大きさ引継ぎ配列 (仮引数 $a(*)$ など) は不可。
- このような配列を含む手続の並列化は、
 - 重複配列として扱う。
 - あきらめて、Fortran手続として呼び出す。

- 多次元配列と重複割付け (4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類 (5.1)
- グローバル手続の呼出し (5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し (5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項 (5.4)
- HPFによる並列化の方法 (5.5)



1. プログラム全体の手続呼出し関係を把握。

- 呼出しグラフを書いてみる。

2. 主要変数を見つけて、分散を決める。

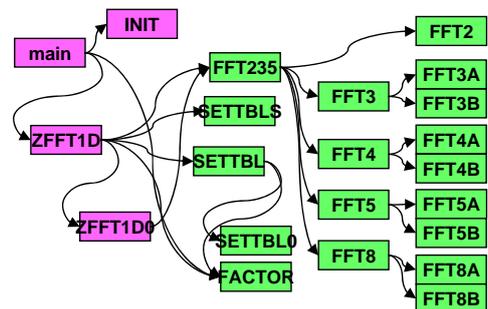
- 分散する次元を決める。
- 分散形式はblockに仮決めでもよい。いつでも変更できる。(ここがHPF！)

3. 並列化の対象と、逐次手続を分ける。

- 主要変数が引数かCOMMONで渡る手続が、並列化の対象
- 並列ループから呼ばれる手続は、逐次手続(ローカル手続)

4. 方針は決まった。後はチューニング。

- 主要変数以外の変数の分散
- 計算マッピングが自動で不十分なら、INDEPENDENT、REDUCTON、ON HOME、...



- 多次元配列と重複割付け(4.3)
 - 行列積のプログラム例
 - 重複配列の使い方
 - 多次元配列の分散方法
- 手続呼出しの種類(5.1)
- グローバル手続の呼出し(5.2)
 - 手続間のデータ渡し
 - 自動再マッピング
 - 手続を跨ぐデータの分散
- ローカル手続の呼出し(5.3)
 - EXTRINSIC接頭辞
- 分散配列に関する制限事項(5.4)
- HPFによる並列化の方法(5.5)